

Măsurarea tensiunilor



Cuprins

- A. Procesul de măsură – generalități; erori de măsură
 - procesul de măsură; clasificări și definiții
 - unități de măsură
 - erori de măsură
- B. Măsurarea tensiunilor continue
 - schema generică a unui voltmètre de c.c.
 - instrumentul magnetoelectric
 - voltmetre și ampermetre cu instrument magnetoelectric
- C. Măsurarea tensiunilor alternative
 - parametrii și valorile particulare ale semnalelor periodice
 - detectoare; voltmetre pentru fiecare din valorile particulare
 - voltmetre gradate în valori efective, indiferent de valoarea măsurată

A. Procesul de măsură – generalități; erori de măsură

Procesul de măsură

Componente:

1. Obiectul de măsură (măsurandul)
2. Metoda de măsură
3. Aparatul de măsură
4. Etalonul

1. Obiectul de măsură (măsurandul)

- O mărime măsurabilă trebuie să se constituie ca o mulțime ordonată
- Măsurandul poate fi o mărime:
 - Activă, cu energie proprie W_x : se preia o fracție $W_m \ll W_x$
OBS: Remember Heisenberg?
Ex: măsurarea U
 - Pasivă, fără energie proprie
se aplică din exterior o energie de activare W_{act} , se măsoară răspunsul W_m
OBS: trebuie ca $W_{act}, W_m \ll W$ internă
Ex: măsurarea R

2. Metoda de măsură

Metode:

- **Directe:**

Etalonul există implicit în funcția de prelucrare

Ex: măsurarea U, I cu voltmetrul/ampermetrul

- **De comparație:**

Prelucrarea simultană/succesivă a măsurandului și etalonului prin 2 funcții de măsură

Ex: măsurarea tensiunii prin comparație cu altă tensiune

- **Indirecte:**

- Se măsoară prin una din metodele de mai sus alte mărimi decât cea dorită;
- Se obține mărimea dorită prin calcul

Ex: măsurarea $R=U/I$

3. Aparatul de măsură

- Este materializarea metodei de măsură
- transformă mărimea măsurată x în ieșirea $y=f(x)$
- $f(x)$: caracteristică de transfer
 - ideală: $y=f(x)$
 - reală: $y=f(x, x_{p1}, x_{p2}, \dots, x_{pn})$
- aparat analogic: $f(x)$ continuă
- aparat numeric/digital: $f(x)$ discret (cuantizat)
- Avantaje aparat numeric:
 - elimină erori de citire, paralaxă, etc
 - posib. de automatizare
 - rezoluție mult mai bună; Ex: $U_{CS}=1.999V \rightarrow$ se poate dividi 1999 ori din ceea ce; încercați să desenați o scară analogică cu 1999 diviziuni !
- Avantaje aparat analogic
 - lipsa erorii de cuantizare **Q: comparați cu cuantizarea pe scara de 1.999V**
 - flexibilitate în desenarea și marcarea limitelor scării (**remember zona roșie?**)
 - se pot desena scări neliniare, după orice lege de variație se dorește

4. Etalonul

Este legat de sistemul de unități de măsură folosit

Sistemul SI (Sistemul Internațional de Unități - 1960)

– 7 mărimi de bază, din care se derivă celelalte mărimi:

- metrul – m pentru distanță,
- kilogramul – kg pentru masă,
- secunda – s pentru timp,
- amperul – A pentru curentul electric,
- gradul Kelvin – K pentru temperatură,
- candela – cd pentru intensitatea luminoasă,
- molul – mol pentru cantitatea de substanță

4. Etalonul – cont'd

Poate fi:

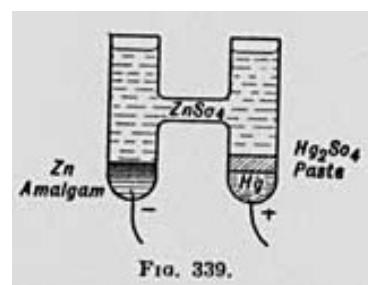
- **obiect fizic**
ex. metrul, voltul
- **fenomen fizic**
ex: secunda, ulterior metrul, voltul, etc

etalonul ca obiect fizic: dezavantaje evidente

Etaloane ca obiecte fizice



metrul

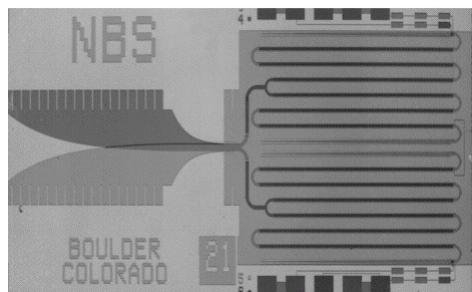


celula Clark

- metrul: 1889-1960, bară de platină-iridiu menținută la 0°C la Biroul de Măsuri și Greutăți din Sevres, Franța
- voltul: celula Clark (1873): 1.434V la 15°C sau celula Weston (1893): 1.0190V într-o gamă mai largă de temperaturi
- Q: de ce sănt considerate nepractice?

Etaloane ca fenomene fizice

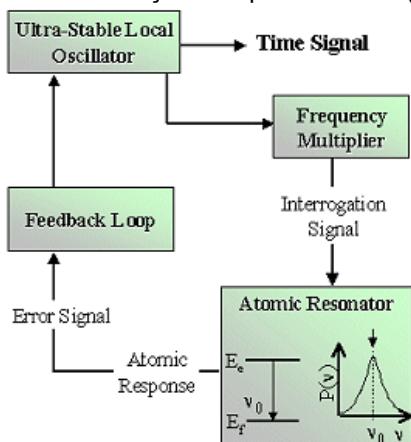
- 1983: 1m= spațiul parcurs de lumină în $1/299\ 792\ 458$ dintr-o secundă
- 1990: 1V se definește în joncțiunea Josephson K{J-90} = 0.4835979 GHz/ μ V la temperatura de -90°C (heliu lichid); $1\text{Hz}=1/\text{secundă}$



- se observă că toate depind de etalonul de timp (s)

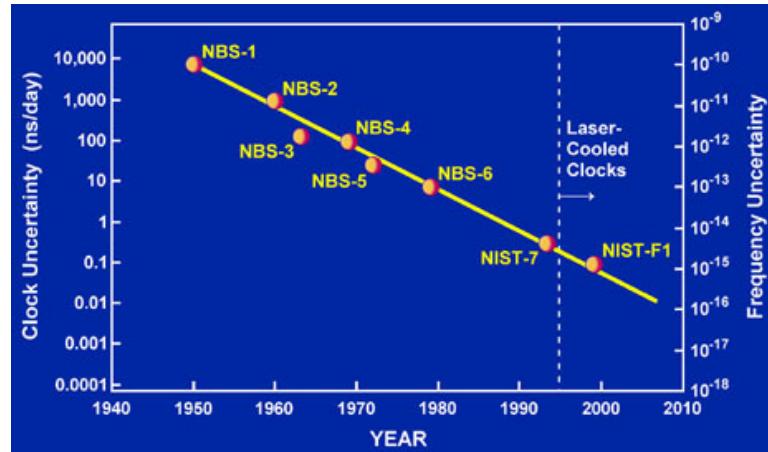
Etalonul pentru secundă

- pre-1960: ceasuri mecanice
- 1960: $1 / 31\ 556\ 925.9747$ din durata anului tropical 1900
- 1967: durata a $9\ 192\ 631\ 770$ perioade ale radiației corespunzătoare tranzitiei între 2 nivele hiperfine ale atomului Cs^{133} la nivelul mării și la temperatura $0\ \text{K}$ (ceas atomic cu cesiu)



sursa: National Research Council
of Canada

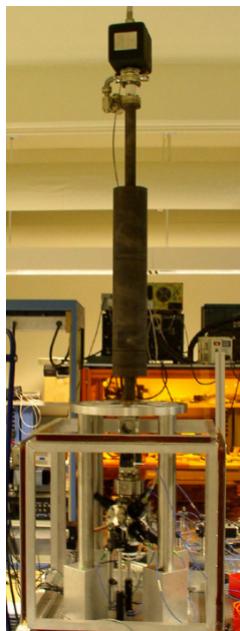
Precizia etalonului de timp



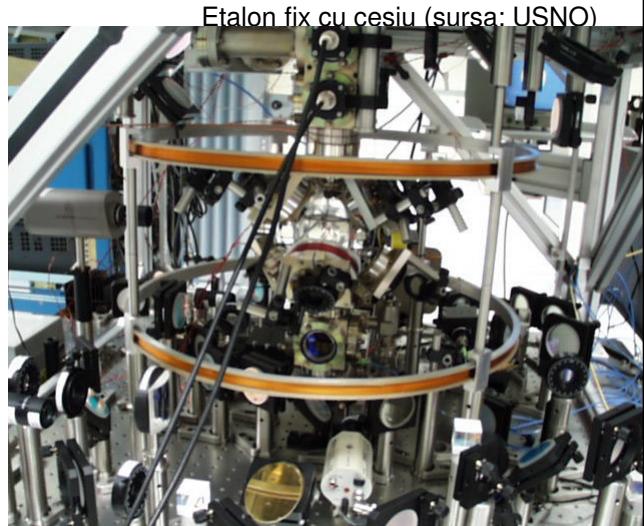
sursa: NIST (National Institute of Standards and Technology)

precizia etaloanelor atomice: $10^{-9} \dots 10^{-16}$
(etalonul de timp e cel mai precis etalon)

Etaloane de timp - fixe



Etalon fix cu rubidiu (sursa: USNO)



Etalon fix cu cesiu (sursa: USNO)

Etaloane de timp - pentru rack



Etalon portabil cu cesiu (rack-mounted) Symmetricom Cs4000

- ieșire PPS, 100KHz, 1, 5,10MHz
- sincronizare cu GPS
- GPS:
 - 4 ceasuri atomice /satelit (2 cu cesiu, 2 cu rubidiu) pt. redundanță
 - precizie la bord: 10^{-13}
 - erori la sol datorită propagării

Unități de măsură relative

- decibelul:

$$U_1/U_0 \text{ [dB]} = 20 \lg U_1/U_0$$

transformare în unitate de măsură **absolută**:

se impune $U_0 = \text{ct} = U_{\text{ref}}$

Exemple:

- $U_{\text{ref}} = 1V \rightarrow \text{dBV}$
- $U_{\text{ref}} = 1\mu V \rightarrow \text{dB}\mu\text{V}$
- $U_{\text{ref}} = 0.775V \rightarrow \text{dBm}$

(1 dBm = tensiunea care produce o putere de $1\text{mW}/600\Omega$)

OBS: în dBm vom măsura, în continuare, *tensiuni* și nu puteri!

OBS2: în dBm putem măsura și puteri cu $P_{\text{ref}} = 1\text{mW}$!

Erori de măsură: 2 reguli esențiale

- Regula 0-1:

Dacă operatorul nu poate influența erorile (cazul erorilor aleatoare), la calculul erorilor se alege **situația cea mai defavorabilă**

- Regula 0-2:

Dacă operatorul poate influența erorile (cazul alegerii metodei de măsură și a parametrilor), la calculul erorilor se alege **situația cea mai favorabilă**

Justificare!

Exprimarea cantitativă a erorilor

- erori absolute

$$e = X_m - X$$

- erori relative

$$\varepsilon_r = \frac{e}{X} = \frac{X_m - X}{X}$$

- erori raportate (Q: la cine?)

$$\varepsilon_R = \frac{e}{X_R} = \frac{X_m - X}{X_R}$$

unde: X - valoarea adevărată X_m - valoarea măsurată

- OBS: uneori - exprimare în modul

Clasa de precizie

$$C = \varepsilon_R \Big|_{X_R=X_{CS}} [\%] = \frac{e}{X_{CS}} \cdot 100 [\%]$$

Observații:

- Clasa de precizie este eroarea **procentuală raportată la capul de scară X_{CS}**
- Fabricantul determină și indică în prospect clasa de precizie în urma unor măsurători repetate, efectuate cu un aparat cu C de cel puțin 10 ori mai mic
- Clasa de precizie e întotdeauna în procente, chiar dacă se omite semnul [%]
- Clasa de precizie specifică o eroare **constantă** în gama de măsură

deci: e (eroarea absolută) aceeași pentru X_m mari sau mici

$$e = C \cdot X_{CS}$$

Categorii de erori; eroarea limită

două categorii de fenomene diferite duc la 2 categorii diferite de erori:

1. erori **constante** în gama de măsură: se preferă **exprimarea erorii raportată la X_{CS}**
 - exemplu pt. aparate electromecanice ?
 - exemplu pt. aparate electronice în general ?
 - exemplu pt. aparate digitale ?
2. erori **proporționale** cu valoarea măsurată: se preferă **exprimarea relativ la X**
 - exemplu ?

Eroarea **limită** este suma erorilor datorate celor 2 cauze;
exprimare sub formă absolută: (1) + (2):

$$e_{lim} = CX_{CS} + \varepsilon_r X$$

Eroarea limită - expr. absolută

Exemplu: extras din manualul multimetrului de precizie Agilent 34401:

Accuracy Specifications \pm (% of reading + % of range)

Function	Range [3]	Test Current or Burden Voltage	24 Hour [2] 23°C ± 1°C	90 Day 23°C ± 5°C	1 Year 23°C ± 5°C
DC Voltage	100.0000 mV		0.0030 + 0.0030	0.0040 + 0.0035	0.0050 + 0.0035
	1.000000 V		0.0020 + 0.0006	0.0030 + 0.0007	0.0040 + 0.0007
	10.00000 V		0.0015 + 0.0004	0.0020 + 0.0005	0.0035 + 0.0005
	100.0000 V		0.0020 + 0.0006	0.0035 + 0.0006	0.0045 + 0.0006
	1000.000 V		0.0020 + 0.0006	0.0035 + 0.0010	0.0045 + 0.0010

Q1: identificați termenii din formula erorii limită

Q2: cît este eroarea limită absolută la măsurarea unei tensiuni $U_x=2V$ cu acest aparat, la un an de la calibrare ?

A2: $0.00007V + 0.00005V = 0.00012V = 0.12mV$

Q3: cît este rezoluția pe scara respectivă? rezoluția bună e mică sau mare?

Q4: determinați clasa de precizie a aparatului ! pe care din cele 2 valori din tabel o folosiți?

Q5: de ce clasa de precizie e mai mare (mai proastă) pe scara de 100mV ?

Eroarea limită - expr. absolută

Exemplu multimetru analogic:

Ranges & Accuracies:

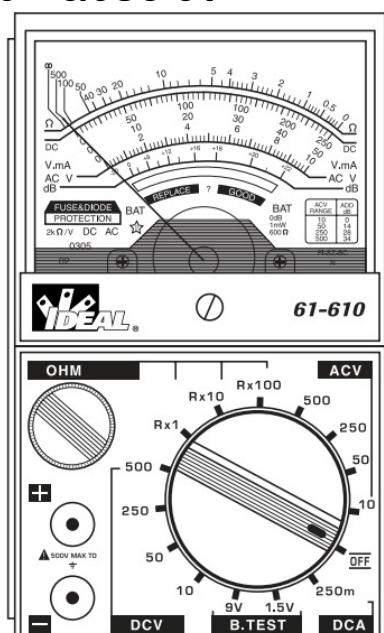
AC Voltage:	10/50/250/500 ACV	+/-4% FS
DC Voltage:	10/50/250/500 DCV	+/-3% FS
DC Current:	250 mADC	+/-4% FS
Resistance:	5/50/500 Ω Mid-scale	+/-3% of Arc Length
	1k/10k/100k Ω Full-scale	+/-3% of Arc Length
Decibels:	-20 to +56 dB on ACV ranges	

Q1: care termen din formula erorii limită lipsește?

Q2: cît e clasa de precizie la măsurarea U ?

Q3: cît e clasa de precizie la măsurarea R ?

Q4: cît este rezoluția pe scara 10V? comparați cu rezoluția aparatului numeric Agilent 34401 !



Eroarea limită - expr. absolută

Exemplu multimetru numeric GW-Insteek GDM-8246 (lab METc):

1. DC VOLTAGE OR DCV OF RIPPLE FUNCTION

RANGE	RESOLUTION	ACCURACY	INPUT IMPEDANCE
500mV	10 μ V	0.02%+4	10M Ω
5V	100 μ V		11.1 M Ω
50V	1mV		10.1M Ω
500V	10mV		10M Ω
1000V	100mV		10M Ω

Q1: ce înseamnă acel "+4" ? comparați cu Agilent 34401 unde este "+ xx % of range"; este tot o mărime ct. în gama de măsură ?

Q2: cît e clasa de precizie la măsurarea U ?

Q4: cît este rezoluția pe scara $U_{CS} = 5V$?

comparați cu rezoluția aparatului analogic!



Eroarea limită - expr. relativă

Același lucru, dar cu erorile maxime 1 și 2 sub formă relativă:

1. $\epsilon_{Raportată} = C \rightarrow \epsilon_r = C X_{CS} / X \text{ [%]}$
2. $\epsilon_r = b \text{ [%]}$ (notăm prin analogie cu C)

Eroarea **relativă limită** este suma erorilor datorate celor 2 cauze:

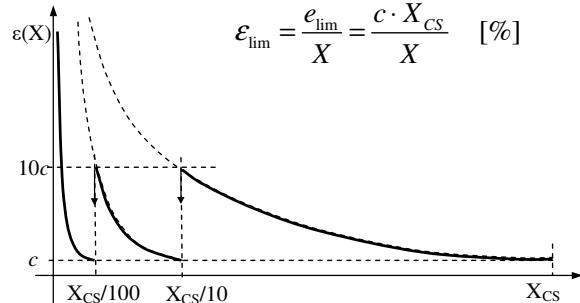
$$\epsilon_{r\ lim} = C X_{CS} / X + b \text{ [%]}$$

OBS1: ușual, b lipsește din prospectele aparatelor de precizie redusă ($b \ll C \rightarrow b \approx 0$)

OBS2: comparație rom. eroare - engl. accuracy; care denumire e mai corectă?

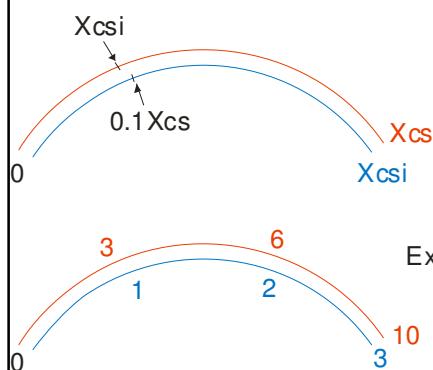
Variația erorii relative în funcție de poziția în cadrul scării

- pt multe aparate, C este unica eroare specificată în prospect $\rightarrow e_{lim} = CX_{CS}$
- eroarea rel. **minimă** pe o scară este C
- Q: cît va fi cea maximă?**
- erori mai mici la măsurarea cît mai aproape de capul scării \rightarrow rolul operatorului în alegerea corectă (educată!) a scării de măsură ! (**regula 0-2**)
- eroarea rel. **maximă**
depinde de nr. scări/decadă:
 - 1 scară/decadă: 10C (vezi figura)
 - 2 scări/decadă 3C sau 3.33C
 - 3 scări/decadă 2C sau 2.5C
- Demonstrație!**

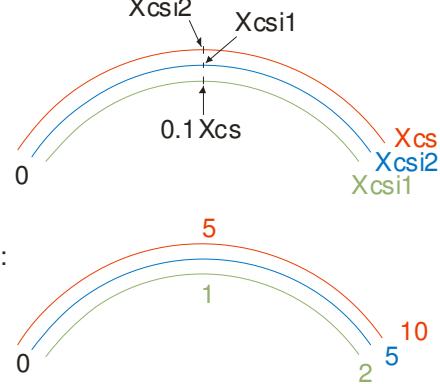


Alegerea scărilor intermediare

2 scări/decada



3 scări/decada



Exemple:

- Criteriu: eroarea maximă pe fiecare scară = constantă

- Se obțin valorile din slide-ul anterior:

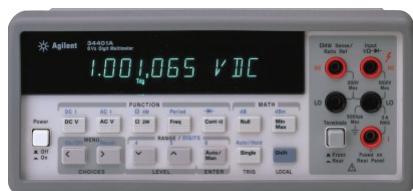
- 3C sau 3.33C pt. 2 scări/dec;
- 2C sau 2.5C pt. 3 scări/dec;
- Obs: secvența 1-2-5: osciloscop!

$$X_{CS\text{ intermediar}} (X_{CS,i}) = 0.3X_{CS}$$

$$X_{CS,i1} = 0.2X_{CS}; \quad X_{CS,i2} = 0.5X_{CS}$$

- Demonstrație și reprezentare grafică!**

Scările aparatelor numerice



- mereu 1 scară/decadă Q: de ce ?
- diferă: "maximum counts" (N maxim din afişaj):
 - 999: 3 digits, 1000 counts
 - 1999: 3 ½ digits, 2000 counts
 - 3999: 3 ¾ digits, 4000 counts
 - 19999 4 ½ digits, 20000 counts
 - 39999 4 ¾ digits, 40000 counts
 - 49999 4 ¾ ? digits, 50000 counts
- Q1: pentru 3 ½ digită, determinați rezoluția pe scările de 200mV, 2V, 20V
- Q2: determinați rezoluția pe scara aparatului Agilent din figură
- Q3: $U_x=3.5V$; cum este afișat pe un aparat cu 4 ½ respective 4 ¾ digită ? În ce situație un aparat cu N ½ digită are o rezoluție mai bună decât N ¾ digită ?

Propagarea erorilor la măsurările indirecte

$$Y = f(X_1, X_2 \dots X_n)$$

- Măsurare indirectă: se măsoară X_i , se calculează Y pe baza X_i
- prin diferențiere, apoi trecerea la diferențe finite ($d \rightarrow \Delta$) :

$$dY = \sum_{i=1}^n \frac{\partial f}{\partial X_i} dX_i \quad \Delta Y = \sum_{i=1}^n \frac{\partial f}{\partial X_i} \Delta X_i$$

Se observă similitudinea dintre ΔY și expresia unei erori absolute

Q: ce semnificație are modulul ?

Indicație: regula 0-1 !

$$e_{\lim, Y} = |\Delta Y|_{\max} = \left| \sum_{i=1}^n \frac{\partial f}{\partial X_i} \Delta X_i \right|_{\max} \leq \sum_{i=1}^n \left| \frac{\partial f}{\partial X_i} \right| |\Delta X_i|_{\max}$$

Propagarea erorilor la măsurările indirecte

trecem de la erori absolute la relative:

$$\varepsilon_{\text{lim},Y} = \frac{e_{\text{lim},Y}}{Y} = \sum_{i=1}^n \left| \frac{\partial f}{\partial X_i} \cdot \frac{X_i}{Y} \right| \cdot \frac{e_{\text{lim},i}}{X_i} = \sum_{i=1}^n \left| \frac{\partial f}{\partial X_i} \cdot \frac{X_i}{Y} \right| \cdot \varepsilon_{\text{lim},i}$$

Aplicație: se măsoară pe o rezistență U cu eroarea ε_{rU} și I cu ε_{ri} . Se calculează $R=U/I$.

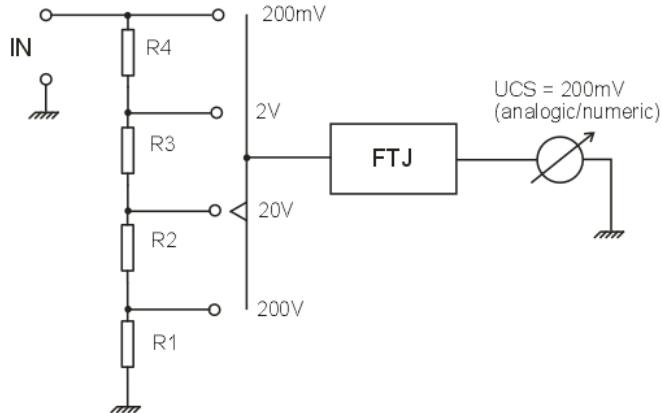
Să se calculeze ε_{rR}

Răspuns: $\varepsilon_{rR} = \varepsilon_{rU} + \varepsilon_{ri}$

Demonstrație !

B. Măsurarea tensiunilor și curenților continuu

Voltmetrul de c.c.



- R1 ... R4 = divisor de intrare; **dimensionare ?**
- comparație cu DCC osciloscop
- limitare: $R_{\text{intrare instrument}} \gg R_{1..4}$ pentru a nu interveni în relația de divizare (în general nu se poate realiza la indicațoare analogice → vezi schemă particulară)
- FTJ optional (rejecția semnalelor perturbatoare alternative)
- Instrumentul indicator: instrument cu ac/ v-metru numeric
- V-metru numeric: vezi curs IEM an 3

Instrumentul magnetoelectric

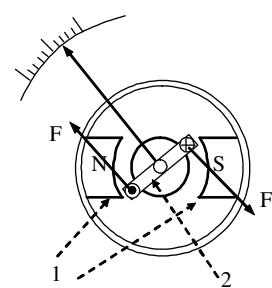
- numit și instrumentul d'Arsonval
- simbol:
- echipaj mobil: bobină mobilă + ac indicator
- bobină mobilă: n spire, suprafață A
- magneti permanenti: inducție B
- asupra unei spire de lungime l parcursă de curentul I acționează forță:

$$F = B \cdot I \cdot l$$
- cuplul activ ce acționează asupra bobinei:

$$M_a = nA \cdot BI$$
- cuplul rezistent este dat de un arc spiralat de constantă D :

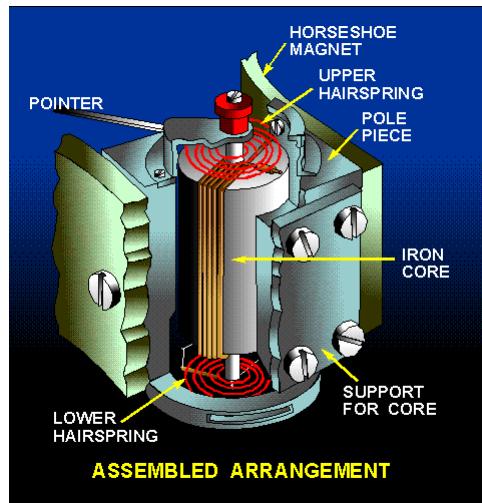
$$M_r = D\alpha$$
- la echilibru $M_a = M_r \rightarrow \alpha$ proporțional cu I
- notând S sensibilitatea instrumentului:

$$\alpha = SI$$



1 – magneti permanenti
2 – bobina mobilă

Realizare



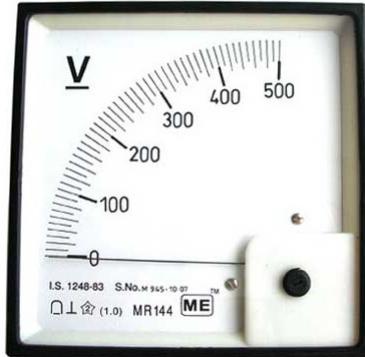
arcurile spirale (*hairsprings*) au și rolul de a conecta bobina mobilă la bornele fixe ale aparatului.

Instrumentul magnetoelectric – cont'd

Concluzii:

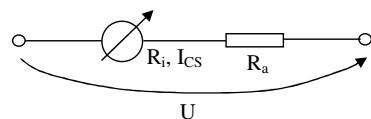
- răspuns liniar (deviație proporțională cu I)
(OBS: există și instrumente cu deviația proporțională cu I^2 , vor fi studiate ulterior)
- răspuns proporțional cu I nu $U \rightarrow$ Ampermetru și nu Voltmetru
- Q: se poate transforma în voltmetru?
- instrumentul are polaritate
- există cu 0 la stînga (de obicei gradate) sau cu 0 la mijloc (galvanometre, indicatoare de nul, uneori negradeate)
- timp de răspuns: sute de ms... secunde
- echipaj mobil, timp de răspuns mic \rightarrow inertie mică \rightarrow ușor \rightarrow sîrmă subțire \rightarrow foarte sensibil \rightarrow micro sau mili-ampermetru
- Q: cît indică în curent alternativ?
- Hint: datorită inertiei, instrumentul face **medierea** tensiunii variabile aplicate

Exemplu de instrument magnetoelectric



- simboluri: instrument magnetoelectric, poziție verticală, 2KV izolație, clasa de precizie 1%
- Q: cum se realizează o scară $U_{CS} = 500V$ știind că deviația e proporțională cu curentul, aşadar există un I_{CS} ?

Utilizarea ca voltmetru



- Instrumentul: R_i, I_{CS}
- Voltmetru: Dorim U_{CS}
- Adăugăm rezistență adițională R_a

$$U = (R_i + R_a)I \quad \rightarrow \quad U_{CS} = (R_i + R_a)I_{CS}$$

$$R_a = U_{CS}/I_{CS} - R_i$$

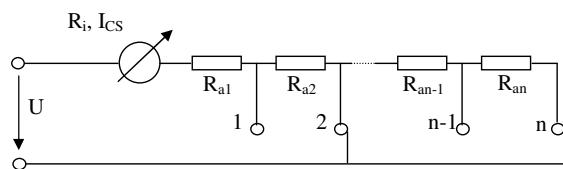
$$R_{tot} = R_a + R_i = U_{CS}/I_{CS}$$

- OBS: de obicei $R_i \ll R_a$ deci $R_{tot} \approx R_a$

Sensibilitatea voltmetrului

- se specifică în prospect: nu R_i ci R_{tot}/U_{CS} [KΩ/V]
- este o măsură a sensibilității
- de obicei $R_a >> R_i$ deci $R_{tot} \approx R_a$
- voltmetru ideal: $R_{tot} = \text{infinit}$
 - voltmetre industriale (de panou): $< 10\text{K}\Omega/\text{V}$
 - voltmetre analogice de laborator: zeci de $10\text{K}\Omega/\text{V}$
 - voltmetre numerice: $\geq 1\text{M}\Omega/\text{V}$
- Aplicație: se dă un voltmetru cu $U_{CS}=5\text{V}$ și $10\text{K}\Omega/\text{V}$. Să se proiecteze cu ajutorul său un voltmetru cu $U_{CS}=500\text{V}$ ca în figură.
- Rezolvare?

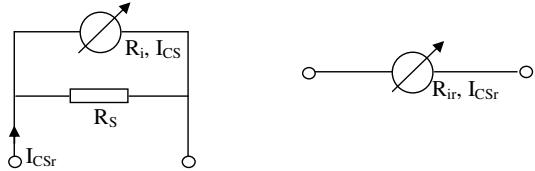
Voltmetre cu mai multe scări



- Variantă a schemei generale
- Dimensionarea rezistențelor adiționale:
pentru scara k ($k=1..n$) se obține:

$$\sum_{i=1}^k R_{ai} = \frac{U_{CSk}}{I_{CS}} - R_i$$

Folosirea ca ampermetru

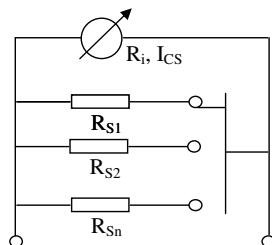


- în locul **rezistențelor adiționale** R_a se folosesc **șunturi** R_s
- currentul prin instrument este de n ori mai mic decât currentul total: $I_{CSr} = nI_{CS}$
- dimensionare, pe baza divizorului de curent:

$$\Rightarrow 1 = n \frac{R_s}{R_s + R_i} \Rightarrow R_s = \frac{R_i}{n-1} \quad I_{CS} = I_{CSr} \frac{R_s}{R_s + R_i}$$

- rezistență echivalentă văzută la borne: $R_{ir} = \frac{R_i R_s}{R_i + R_s} = \frac{R_i}{n}$

Instrumente cu mai multe scări



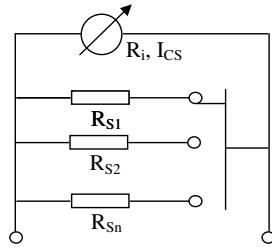
- Mai multe șunturi individuale
- căderea de tensiune e aceeași indiferent de scară:

$$U_{CS} = R_i \cdot I_{CS}$$

- dimensionare: pentru scara k :

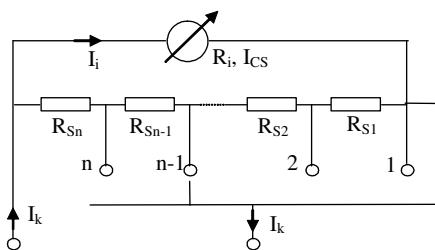
$$R_{Sk} = \frac{R_i}{n_k - 1}$$

Instrumente cu mai multe scări – cont'd



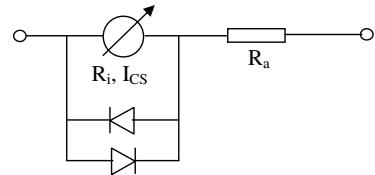
- dezavantaj şunturi **individuale**:
 - se ştie $R_{sk} \ll R_i$
 - dacă comutatorul nu face contact cu nici o rezistență în scurtul moment al comutării →
 - tot curentul trece prin R_i
 - instrumentul se arde
- soluție: comutator “*make before break*”
- probleme de fiabilitate

Instrumente cu mai multe scări – cont'd



- soluție: şuntul **universal**:
- condiție similară cu relația precedentă $R_s = R_i / (n-1)$
- pe fiecare scară $k=1..n$ trebuie să avem $\sum R = R_s$:
 - scara 1: $R_s = R_{s1} + R_{s2} + \dots + R_{sn}$
 - scara 2: $R_s = R_{s2} + \dots + R_{sn}$
 - scara n: $R_s = R_{sn}$
- **dezavantaj**: calcul mai dificil (relații interdependente)
- **avantaj**: risc de defectare mai mic
- există în continuare pericolul defectării, dar mai redus (când comutatorul nu face contact cu nici un plot → scara cea mai sensibilă)

Protectia aparatului magnetolectric



- elimină riscul defectării
- cele 2 diode limitează tensiunea pe instrument la cca. 0.7V
- pentru tensiuni mai mari una din diode se deschide, șuntând instrumentul
- R_a preia diferența de cădere de tensiune

C. Măsurarea tensiunilor alternative

Parametrii semnalelor periodice

- semnal periodic: $u(t) = u(t+KT)$, T =perioada
 - necesitatea definirii **valorilor particulare** ale $u(t)$:
 - $u(t)$ variabil în timp – ce valoare va indica aparatul ?
1. Valoarea de vîrf:
 $U_{V+} / U_{V-} = \max(u(t)) / \min(u(t))$ pe o perioadă
 2. Valoarea vîrf-la-vîrf:
 $U_{VV} = U_{V+} + |U_{V-}|$
Q: cînd se preferă valoarea U_{VV} față de U_V ?
 3. Valoarea medie:
$$\overline{u(t)} = U_0 = \frac{1}{T} \int_t^{t+T} u(t) dt$$
 - este componenta continuă a semnalului
 - inutilă pentru semnalele simetrice
 - se preferă valoarea medie absolută

Parametrii semnalelor periodice (cont'd)

4. Valoarea medie absolută – redresare d.a.

$$U_m = \overline{|u(t)|} = \frac{1}{T} \int_t^{t+T} |u(t)| dt$$

- 4'. Valoarea medie absolută – redresare m.a.

- semialternanță pozitivă:

$$u_+(t) = \frac{1}{2}(u(t) + |u(t)|) \Rightarrow U_{m+} = \overline{u_+(t)}$$

- semialternanță negativă:

$$u_-(t) = \frac{1}{2}(u(t) - |u(t)|) \Rightarrow U_{m-} = \overline{u_-(t)}$$

- Q: avantaje/dezavantaje redresare d.a. față de m.a. ?
- Q: scheme de redresoare?

Parametrii semnalelor periodice (cont'd)

5. Valoarea efectivă/eficace/RMS (*root mean squared*)

$$U_{ef} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_t^{t+T} x^2(t) dt} = \sqrt{\overline{x^2(t)}}$$

- definiție: valoarea efectivă a unei tensiuni alternative este egală cu valoarea unei tensiuni continue care dezvoltă aceeași putere ca tensiunea alternativă respectivă printr-o rezistență dată.
- utilitate ? popularitate ?**
- toate aparatele de măsură de c.a. sănătățile **gradate în valori efective pentru semnal sinusoidal**

Importanța formei semnalului

Factorul de formă FF sau K_F :

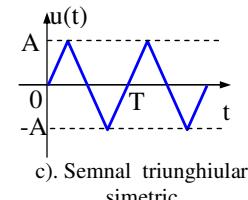
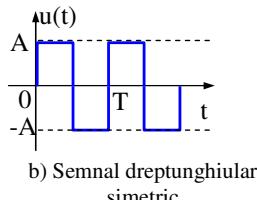
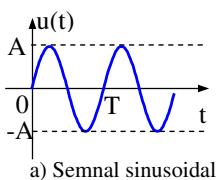
$$FF = U_{ef} / U_{ma}$$

Factorul de vîrf/de creastă FV sau FC sau K_V :

$$FC = U_V / U_{ef}$$

Semnal	FF (d.a.)	FF (m.a.)	FC
a)	1.11	2.22	$\sqrt{2}$
b)	1	2	1
c)	$2 / \sqrt{3}$	$4 / \sqrt{3}$	$\sqrt{3}$

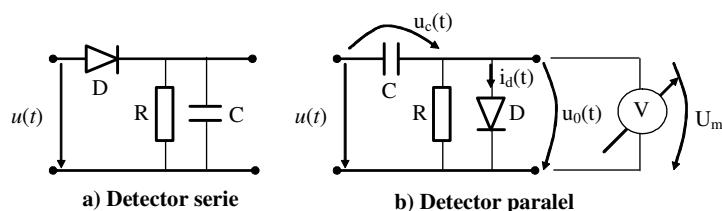
demonstrație!



Voltmetre de c.a.

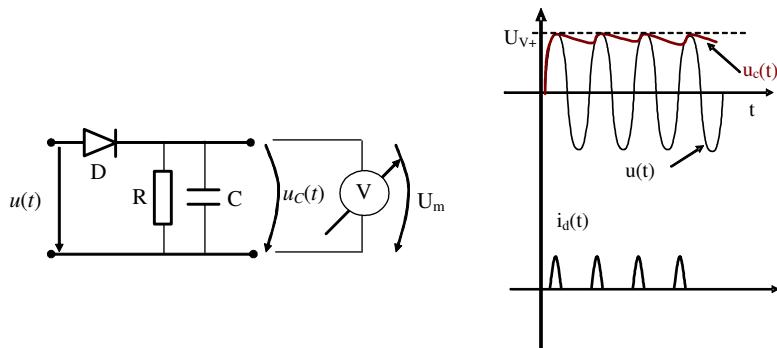
- Valori particulare:
 1. De vîrf
 2. Vîrf-la-vîrf
 3. Medie absolută
 4. Efectivă
- Voltmetre
 1. De valori de vîrf
 2. De valori vîrf-la-vîrf
 3. De valori medii absolute
 4. De valori efective
- Voltmetrul de c.a. e compus din:
 - un **detector** de una din cele 4 valori
Q: ce este un detector?
 - Instrument indicator analogic/numeric care afișează (indică) valoarea respectivă

1. Voltmetre de valori de vîrf



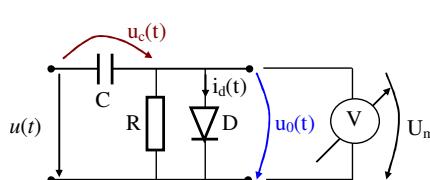
- s.n. și detectoare de vîrf DV
- mărimea indicată la ieșire de către DV trebuie să fie valoarea de vîrf

Detectorul de vîrf serie



- condiție de funcționare: $RC \gg T$ (perioada semnalului)
- datorită $i_d(t)$ care durează $\ll T$ s.n. *detector clasă C*
- componenta continuă se regăsește la ieșire → impropriu pentru un voltmetru de c.a. → se folosește mai mult la detecția semnalelor RF
- $u_C(t) = U_{V+}$
→ la ieșire avem U_m (măsurat) = tens. continuă egală cu U_{V+}
- consecință: la ieșire se poate cupla un aparat magnetoelectric, numeric sau *orice* aparat de c.c.

Detectorul de vîrf paralel



$$u_C(t) = U_{V+}$$

(similar det. serie; $RC \gg T$)

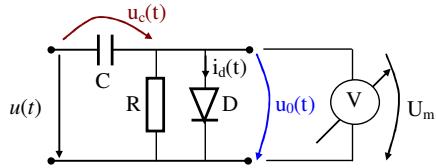
$$u_0(t) = u(t) - u_C(t)$$

$$= u(t) - U_{V+}$$

- semnalul $u(t)$ (variabil) este translatat în jos cu U_{V+}
- se numește că semnalul este **axat** (indiferent de c.c. el este pus cu vîrful pe axă)
- obs. foarte importantă:** $u_0(t)$ este o tensiune variabilă
- $U_m = E(u(t) - U_{V+})$
 $= E(u(t)) - E(U_{V+})$
 $= 0 - U_{V+}$
- mărimea indicată este valoarea de vf. → QED

Sensul axării = sensul diodei
(dioda în jos = semnalul se află sub axă)
Vezi lucrarea 5 de laborator !

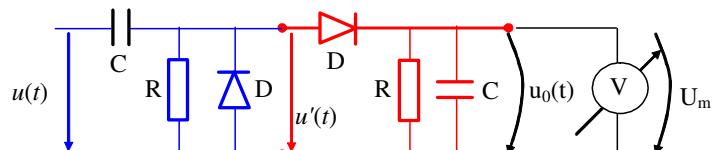
Detectorul de vîrf paralel (cont'd)



Concluzii:

- $u_0(t)$ variabil
- U_m constant datorită medierii – efectul instrumentului magnetoelectric
- $U_m = -U_{V+}$
- DV serie **poate funcționa** cu orice aparat la ieșire (inclusiv osciloscop), pt. că tensiunea de ieșire este continuă
- DV paralel **nu poate funcționa** decât cu un instrument care face mediere la ieșire, pt. că tensiunea de ieșire este variabilă
- DV serie este **un circuit complet**
- DV paralel face **1/2** din "treabă", instrumentul magnetoelectric de la ieșire face restul de **1/2**

2. Voltmetre de valori vîrf-la-vîrf

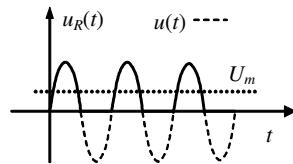
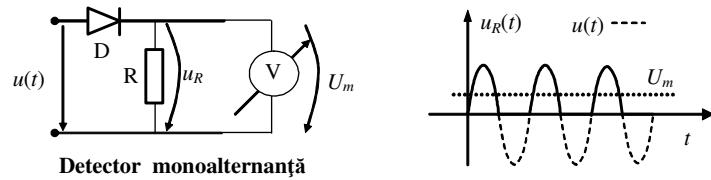


- se cascadează un **DV paralel** cu un **DV serie**
- atenție la sensurile diodelor!
- $u_0(t) = U_V (u'(t)) = U_V$ ($u(t)$ axat)
- $u(t)$ axat = 0...2U
- $\rightarrow u_0(t) = U_{VV}(u(t))$

OBS: tensiunea de ieșire continuă → nu contează tipul instrumentului indicator

Q: desenați formele de undă $u(t)$, $u'(t)$, $u_0(t)$

3. Voltmetre de valori medii absolute

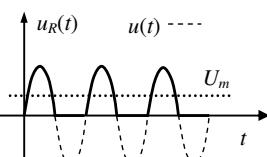
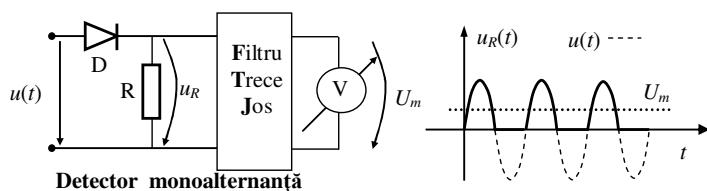


- detectorul m.a. este cel mai simplu detector
- R poate fi inclus în R_i

Q: avantaje/dezavantaje monoalternanță în cazul unui redresor și în cazul unui detector?

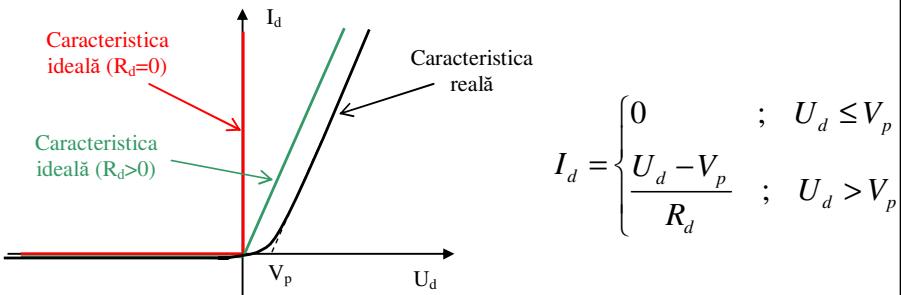
- și în acest caz, la intrarea în instrument tensiunea este variabilă
- instrumentul **trebuie** să facă mediere (inst. magnetoelectric)

VARIANTĂ VOLTMETRU DE VALORI M.A.



- FTJ = mediere
- la ieșire avem componenta continuă (medie) U_m
→ se poate folosi *orice fel* de instrument, nu numai cel magnetoelectric

Problemele detectoarelor cu diodă



$$I_d = \begin{cases} 0 & ; U_d \leq V_p \\ \frac{U_d - V_p}{R_d} & ; U_d > V_p \end{cases}$$

- dioda reală: cădere de tensiune $V_p = 0.2 \dots 0.7V$
 - V_p depinde de tipul și tehnologia diodei
 - R_d este o rezistență *dinamică*
 - pentru tensiuni $U_d \gg V_p$ comportamentul este aproximativ liniar ($U_{măsurat} = U_{real} - V_p$)
 - pentru tensiuni de ordinul 1...3V comportamentul este neliniar (pt. aparatele analogice cu ac se poate desena o scară neliniară)
 - pentru tensiuni $< 1V$ nu se pot folosi aceste scheme (trebuie amplificator) – vezi curs IEM an 3

4. Voltmetre de valori efective

- Cel mai “dorit” voltmetru în 99% din cazuri.
 - Variante de realizare
- a) instrumente cu ac, care indică valoarea efectivă
 - b) cu înmulțitor analogic
 - c) prin efect termic
 - d) cu digitizor și calcul numeric (vezi curs IEM an 3)

a. Instrumente care indică v. efectivă

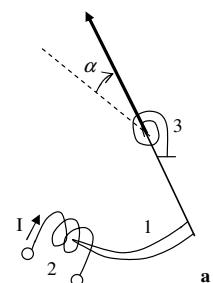
Există și alte instrumente în afara celui magnetoelectric:

Tipul mecanismului	Semnul grafic	Banda de frecvențe
1a. Magnetoelectric cu bobină mobilă	—	numai în c.c. (0 Hz)
1b. Magnetoelectric cu redresor	—	10Hz – 10 kHz
1c. Magnetoelectric cu termocuplu	—	0 – 100 MHz
1d. Magnetoelectric cu magnet mobil și bobină fixă	↔	numai în c.c. (0 Hz)
2. Feromagnetic	—	0 – 1000 Hz
3. Electrodinamic	—	0 – 1000 Hz
4. Ferodinamic	—	0 – 100 kHz
5. Cu inducție	—	10 – 100 Hz
6. Electrostatic	—	0 – 10 MHz
7. Cu lamelă bimetalică	—	0 – 50 kHz

a. Instrumente care indică v. efectivă

Instrumentul feromagnetic

- Armătura feromagnetică (1) solidară cu echipajul mobil
- Bobina fixă (2)
- Arcul spiralat (3) – nu mai e parcurs de curent
- Se obține dependența: $\alpha = SI^2$
dependență pătratică = putere = valoare efectivă a tensiunii/curentului (cu scară neliniară)
- Avantaje:
 - răspunde proporțional cu v. ef. → funcționează în c.a. fără nici un detector
 - bobina fixă → aparat mai robust
- Dezavantaje
 - sensibilitate redusă → nu se folosește în electronică ci doar ca aparate de panou, industriale, etc.

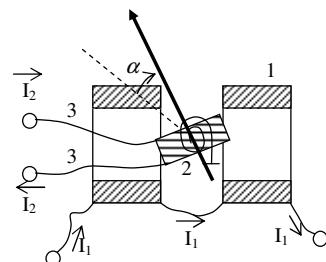


a. Instrumente care indică v. efectivă

Instrumentul electrodinamic

- bobină fixă+bobină mobilă
- Se obține dependența: $\alpha = SI_1 I_2$
- Prin legarea bobinelor în serie se obține

$$\alpha = SI^2 \quad (I=I_1=I_2)$$



OBS: se poate obține un wattmetru dacă cele 2 bobine măsoară respectiv U și I

Avantaje/dezavantaje: idem instrumentul feromagnetic (minus robustețea)

a. Instrumente care indică v. efectivă

Instrumentul electrostatic

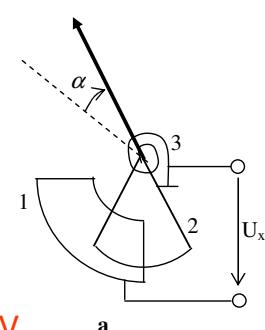
- armătură fixă+armătură mobilă
- Se obține dependența: $\alpha = SU_x^2$

Avantaje/dezavantaje: idem instrumentul feromagnetic

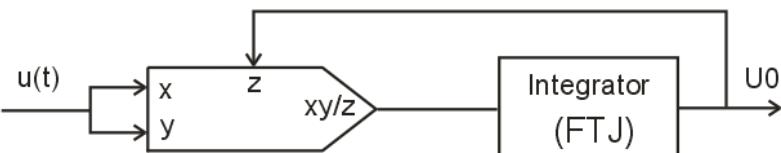
Caracteristică: sensibilitate mică; $U_{CS} > 100V$

Aplicații:

- emițătoare radio/TV
- dispozitive cu tuburi electronice
- alte dispozitive cu U mari



b. Voltmetre cu înmulțitor analogic



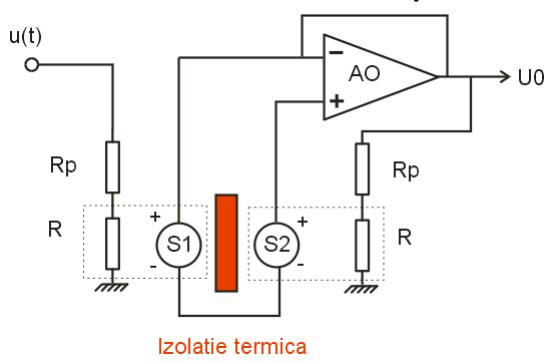
- înmulțitor cu 3 intrări, integrator: componente electronice (active)

$$U_0^2 = \overline{u^2(t)} \quad \text{deci } U_0 = U_{\text{ef}}(u(t))$$

Demonstrație !

- precizia: 0.5 – 1%
- $f_{\text{max}} = \text{MHz}$
- folosit în multimetre electronice de laborator (nu aparate de panou)
- tendință: înlocuirea cu înmulțitor numeric (vezi anul 3)

c. Voltmetre prin efect termic



- R : rezistențe de încălzire
- R_p : rezistențe de protecție
- $S_{1,2}$: surse cu tensiunile proporționale cu temperaturile pe cele 2 rezistențe R

- AO: circuit integrat care ajustează U_0 (iesirea) a.î. diferența între intrări să fie 0 $\rightarrow U_{S1}=U_{S2}$ (s.n. efect de reacție negativă) \rightarrow puterile $P_1=P_2$, temperaturile $t_1=t_2$
- izolatorul termic: ne-influențarea reciprocă a surselor
- se obține $U_0=U_{\text{ef}}(u(t))$
- Demonstrație !**

Concluzii V-metre de v. efective

- toate V-metrele uzuale sunt gradate în valori efective
- doar V-metrele din categoria 4 măsoară valoarea efectivă
- Q: cum gradăm voltmetrele 1,2,3 în valori efective cînd ele indică de fapt valori de vîrf/V-V/medii ?
- Hint: voltmetrele din categoria 4 sunt cele mai scumpe (comparați complexitatea schemelor față de o simplă diodă)

Concluzii V-metre de v. efective (cont'd)

- Q: cum gradăm voltmetrele 1,2,3 în valori efective cînd ele indică de fapt valori de vîrf/V-V/medii ?
- A: folosim relațiile între valori:
$$FF = U_{ef}/U_{ma}, \quad FC = U_V/U_{ef}$$
- Ex. 1: folosim v-metru de m.a. (tipul 3), dorim indicarea U_{ef}
$$\rightarrow U_{ef} = FF \cdot U_{ma}$$
- Ex. 2: folosim v-metru de vf. (tipul 1), dorim indicarea U_{ef}
$$\rightarrow U_{ef} = U_V/FC$$
- Concluzie: obținem U_{ef} din orice valoare disponibilă; includem corecția cu FF sau FC cînd calibrăm instrumentul
- Q: de ce mai avem nevoie de tipul (4) – cel mai scump?
- Hint: forma semnalului ?

Concluzii V-metre de v. efective (cont'd)

- FF, FC sănt dependente de forma semnalului (vezi tab.)
- V-metru de valori ef. ieftin: măsurăm U_{ma} și indicăm $U_{ef}=U_{ma}FF$
- FF calc. pt. semnal sinusoidal → funcționează numai pentru semnal sinusoidal;
- $FF_{dreptunghi} \neq FF_{sinus}$ → indicație eronată pentru semnal dreptunghiular
- pt. indicarea corectă a s.dreptunghiular → calibrare cu $FF_{dreptunghi}$ (neuzual)
- Concluzie: doar V-metrele de tipul (4) indică U_{ef} pentru **orice** tip de semnal
- V-metrele de tipul (4): marcate **TRUE RMS** sau **RMS RESPONDING**, mai scumpe
- dacă nu există acest marcaj, sănt de tipul (1,2,3); indică corect doar pt semnal sinusoidal; sănt mai ieftine

Concluzii V-metre de v. efective (cont'd)

• Aplicație 1:

Se măsoară o tensiune triunghiulară simetrică de amplitudine U cu un V-metru gradat în valori efective pentru semnal sinusoidal, realizat folosind un instrument magnetoelectric și redresor d.a.

Să se calculeze:

- valoarea indicată
- eroarea sistematică

Rezolvare!

Concluzii V-metre de v. efective (cont'd)

- **Aplicație 2:**

Cu un voltmetru magnetoelectric având scări pentru măsurarea tensiunilor continue și alternative, cu redresor d.a., se fac următoarele măsurători pentru tensiunea periodică din figură:

- pe scara de curent continuu se măsoară $U_1=4V$;
- pe scara de curent alternativ se măsoară $U_2=7,77V$.

- a) Știind că pe scara de curent alternativ voltmetrul este etalonat în valori efective pentru semnal sinusoidal, să se calculeze tensiunile E_1 și E_2 dacă valoarea lui $\tau=T/2$.
- b) Ce va indica voltmetrul în cele două cazuri dacă $\tau=T/3$?

Rezolvare !

